

Họ, tên thí sinh.....số báo danh.....

Câu 1. Trong không gian với hệ trục tọa độ $Oxyz$, phương trình mặt phẳng trung trực (α) của đoạn thẳng AB với $A(0;4;-1)$ và $B(2;-2;-3)$ là

A. $(\alpha): x-3y-z=0$.

B. $(\alpha): x-3y+z=0$.

C. $(\alpha): x-3y-z-4=0$.

D. $(\alpha): x-3y+z-4=0$.

Câu 2. E. coli là vi khuẩn đường ruột gây tiêu chảy, đau bụng dữ dội. Cứ sau 20 phút thì số lượng vi khuẩn E. coli tăng gấp đôi. Ban đầu, chỉ có 40 vi khuẩn E. coli trong đường ruột. Hỏi sau bao lâu, số lượng vi khuẩn E. coli là 671088640 con?

A. 48 giờ.

B. 12 giờ.

C. 8 giờ.

D. 24 giờ.

Câu 3. Với a, b là các tham số thực. Giá trị tích phân $\int_0^b (3x^2 - 2ax - 1)dx$ bằng

A. $b^3 - ba^2 - b$.

B. $b^3 + b^2a + b$.

C. $b^3 - b^2a - b$.

D. $3b^2 - 2ab - 1$.

Câu 4. Giá trị của $\log_a \frac{1}{a^3}$ với $a > 0$ và $a \neq 1$ bằng:

A. $-\frac{2}{3}$.

B. -3 .

C. 3 .

D. $-\frac{3}{2}$.

Câu 5. Hàm số $y = -x^3 + 3x^2 + 1$ có đồ thị (C) . Tiếp tuyến của (C) song song với đường thẳng $y = 3x + 2$ là:

A. $y = -3x + 3$.

B. $y = 3x$.

C. $y = 3x + 6$.

D. $y = 3x - 6$.

Câu 6. Xét $I = \int x^3 (4x^4 - 3) dx$. Bằng cách đặt: $u = 4x^4 - 3$, khẳng định nào sau đây đúng?

A. $I = \frac{1}{12} \int u^5 du$.

B. $I = \frac{1}{16} \int u^5 du$.

C. $I = \int u^5 du$.

D. $I = \frac{1}{4} \int u^5 du$.

Câu 7. Trong các hàm số dưới đây, hàm số nào nghịch biến trên tập số thực \mathbb{R} ?

A. $y = \left(\frac{\pi}{3}\right)^x$.

B. $y = \left(\frac{2}{e}\right)^x$.

C. $y = \log_{\frac{\pi}{4}}(2x+1)$.

D. $y = \log_{\frac{1}{2}} x$.

Câu 8. Phương trình $(2,5)^{5x-7} = \left(\frac{2}{5}\right)^{x+1}$ có nghiệm là.

A. $x < 1$.

B. $x = 2$.

C. $x \geq 1$.

D. $x = 1$.

Câu 9. Gieo ngẫu nhiên 2 con xúc sắc cân đối đồng chất. Tìm xác suất của biến cố: “Hiệu số chấm xuất hiện trên 2 con xúc sắc bằng 1”.

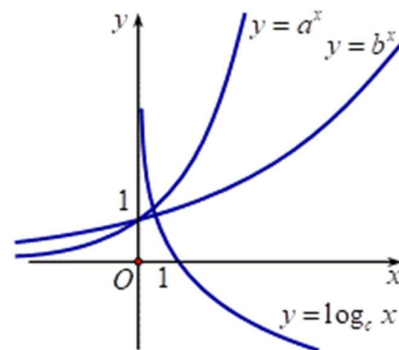
A. $\frac{5}{18}$.

B. $\frac{2}{9}$.

C. $\frac{1}{9}$.

D. $\frac{5}{6}$.

Câu 10. Cho a, b, c là các số thực dương khác 1. Hình vẽ bên là đồ thị các hàm số $y = a^x, y = b^x, y = \log_c x$.



Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. $c < b < a$. B. $c < a < b$.
C. $a < b < c$. D. $a < c < b$.

Câu 11. Hàm số $y = x^4 - 3x^2 - 2$ có bao nhiêu điểm cực trị?

- A. 1. B. 0. C. 2. D. 3.

Câu 12. Cho cấp số nhân (u_n) có $u_1 = -2$ và công bội $q = 3$. Số hạng u_2 là:

- A. $u_2 = 1$. B. $u_2 = -6$. C. $u_2 = 6$. D. $u_2 = -18$.

Câu 13. Phát biểu nào sau đây là sai?

- A. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} = 0$. B. $\lim u_n = c$ ($u_n = c$ là hằng số).
C. $\lim q^n = 0$ ($|q| > 1$). D. $\lim \frac{1}{n^k} = 0$ ($k \in \mathbb{N}^*$).

Câu 14. Cho hai mặt phẳng $(\alpha): 3x - 2y + 2z + 7 = 0$ và $(\beta): 5x - 4y + 3z + 1 = 0$. Phương trình mặt phẳng (P) đi qua gốc tọa độ đồng thời vuông góc (α) và (β) là

- A. $x - y - 2z = 0$. B. $2x + y - 2z = 0$.
C. $2x + y - 2z + 1 = 0$. D. $2x - y + 2z = 0$.

Câu 15. Tìm nghiệm thực của phương trình $2^x = 7$?

- A. $x = \log_7 2$. B. $x = \frac{7}{2}$. C. $x = \log_2 7$. D. $x = \sqrt{7}$.

Câu 16. Cho hàm số $y = f(x)$ liên tục và có bảng biến thiên trong đoạn $[-1; 3]$ như hình vẽ. Giá trị lớn nhất của hàm số $y = f(x)$ trên đoạn $[-1; 3]$ là:

x	-1	0	2	3
$f'(x)$	+	0	-	+
$f(x)$	0	5	1	4

- A. $f(3)$. B. $f(0)$.
C. $f(2)$. D. $f(-1)$.

Câu 17. Số đường tiệm cận của đồ thị hàm số $y = \frac{\sqrt{x^2 - 4}}{x^2 - 1}$ là

- A. 1. B. 2. C. 3. D. 4.

Câu 18. Trong không gian $Oxyz$, cho mặt cầu có phương trình $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y - 6z + 9 = 0$. Tọa độ tâm I và bán kính R của mặt cầu là

- A. $I(-1; 2; -3)$ và $R = \sqrt{5}$. B. $I(1; -2; 3)$ và $R = 5$.
C. $I(1; -2; 3)$ và $R = \sqrt{5}$. D. $I(-1; 2; -3)$ và $R = 5$.

Câu 19. Phương trình $\log_3(3x - 1) = 2$ có nghiệm là:

- A. $x = 3$. B. $x = 1$. C. $x = \frac{10}{3}$. D. $x = \frac{3}{10}$.

Câu 20. Cho khối chóp $S.ABC$ có đáy là tam giác đều, $SA \perp (ABC)$ và $SA = a$. Biết rằng thể tích của khối $S.ABC$ bằng $\sqrt{3}a^3$. Tính độ dài cạnh đáy của khối chóp $S.ABC$.

- A. $2\sqrt{3}a$. B. $2\sqrt{2}a$. C. $3\sqrt{3}a$. D. $2a$.

Câu 21. Trong không gian $Oxyz$, mặt phẳng $(P): x + 2y - 3z + 3 = 0$ có một vector pháp tuyến là

- A. $(1; 2; -3)$. B. $(1; -2; 3)$. C. $(-1; 2; -3)$. D. $(1; 2; 3)$

Câu 22. Trung điểm các cạnh của một tứ diện đều tạo thành

- A. Các đỉnh của một hình tứ diện đều. B. Các đỉnh của một hình mười hai mặt đều.
C. Các đỉnh của một hình bát diện đều. D. Các đỉnh của một hình hai mươi mặt đều.

Câu 23. Thể tích của một khối cầu có bán kính R là:

- A. $V = 4\pi R^3$. B. $V = \frac{4}{3}\pi R^3$. C. $V = \frac{4}{3}\pi R^2$. D. $V = \frac{1}{3}\pi R^3$.

Câu 24. Tập nghiệm của bất phương trình: $2^{2x} < 2^{x+6}$ là.

- A. $(-\infty; 6)$. B. $(6; +\infty)$. C. $(0; 64)$. D. $(0; 6)$.

Câu 25. Một hình nón có thiết diện qua trục là một tam giác vuông cân có cạnh góc vuông bằng a . Diện tích xung quanh của hình nón bằng

- A. $\pi a^2 \sqrt{2}$. B. $\frac{\pi a^2 \sqrt{2}}{4}$. C. $\frac{\pi a^2 \sqrt{2}}{2}$. D. $\frac{2\pi a^2 \sqrt{2}}{3}$.

Câu 26. Tính $F(x) = \int x \cos x \, dx$ ta được kết quả:

- A. $F(x) = x \sin x - \cos x + C$. B. $F(x) = -x \sin x - \cos x + C$.
C. $F(x) = -x \sin x + \cos x + C$. D. $F(x) = x \sin x + \cos x + C$.

Câu 27. Với a và b là các số thực dương, a khác 1. Biểu thức $\log_a(a^2 b)$ bằng:

- A. $2 \log_a b$. B. $2 - \log_a b$. C. $1 + 2 \log_a b$. D. $2 + \log_a b$.

Câu 28. Nghiệm bất phương trình $\log_{\frac{1}{5}}(3x-5) > \log_{\frac{1}{5}}(x+1)$ là.

- A. $x > 3$. B. $\frac{5}{3} < x < 3$. C. $-1 < x < \frac{5}{3}$. D. $-1 < x < 3$.

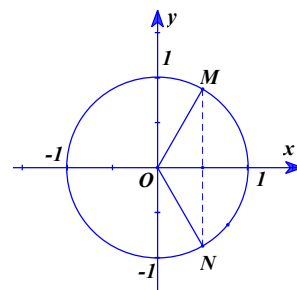
Câu 29. Cho hàm số $f(x)$ xác định trên K và $F(x)$ là một nguyên hàm của $f(x)$ trên K . Khẳng định nào dưới đây đúng?

- A. $F(x) = f(x), \forall x \in K$. B. $F'(x) = f'(x), \forall x \in K$.
C. $F'(x) = f(x), \forall x \in K$. D. $f'(x) = F(x), \forall x \in K$.

Câu 30. Trong không gian với hệ trục tọa độ $Oxyz$, cho $\vec{a} = -\vec{i} + 2\vec{j} - 3\vec{k}$. Tọa độ của vector \vec{a} là:

- A. $(2; -3; -1)$. B. $(-1; 2; -3)$. C. $(2; -1; -3)$. D. $(-3; 2; -1)$.

Câu 31. Một phương trình có tập nghiệm được biểu diễn trên đường tròn lượng giác là hai điểm M và N trong hình dưới.



Phương trình đó là:

- A. $2 \sin x - \sqrt{3} = 0$. B. $2 \cos x - \sqrt{3} = 0$.
C. $2 \cos x - 1 = 0$. D. $2 \sin x - 1 = 0$.

Câu 32. Cho $\int_0^1 \left(\frac{1}{x+1} - \frac{1}{x+2} \right) dx = a \ln 2 + b \ln 3$ với a, b là các số nguyên. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A. $a+b=-2$ B. $a+b=2$ C. $a+2b=0$ D. $a-2b=0$

Câu 33. Cho hàm số $y = f(x)$ có bảng xét dấu của đạo hàm như sau:

x	$-\infty$	-1	0	3	$+\infty$			
$f'(x)$		$+$	0	$-$	0	$+$	0	$-$

Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- A. $(-1; 3)$. B. $(-1; 0)$. C. $(0; +\infty)$. D. $(-\infty; -1)$.

Câu 34. Cho $I = \int_0^2 f(x) dx = 3$. Khi đó $J = \int_0^2 [4f(x)] dx$ bằng:

- A. 2. B. 12. C. 4. D. 8.

Câu 35. Tập xác định của hàm số $y = (x-1)^{\frac{1}{5}}$ là:

- A. \mathbb{R} . B. $[1; +\infty)$. C. $(0; +\infty)$. D. $(1; +\infty)$.

Câu 36. Biết $F(x)$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x) = \frac{1}{x-1}$ và $F(2) = 1$. Tính $F(3)$.

- A. $F(3) = \ln 2 + 1$. B. $F(3) = \ln 2 - 1$. C. $F(3) = \frac{7}{4}$. D. $F(3) = \frac{1}{2}$.

Câu 37. Số các giá trị nguyên của tham số m để phương trình $\log_{\sqrt{2}}(x-1) = \log_2(mx-8)$ có hai nghiệm phân biệt là

- A. 5. B. Vô số. C. 3. D. 4.

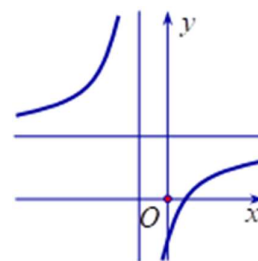
Câu 38. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho $A(2;0;0)$, $M(1;1;1)$. Mặt phẳng (P) thay đổi qua AM cắt các tia Oy , Oz lần lượt tại B , C . Khi mặt phẳng (P) thay đổi thì diện tích tam giác ABC đạt giá trị nhỏ nhất bằng bao nhiêu?

- A. $4\sqrt{6}$. B. $3\sqrt{6}$. C. $2\sqrt{6}$. D. $5\sqrt{6}$.

Câu 39. Cho hình lăng trụ $ABC.A'B'C'$ có đáy là tam giác đều cạnh a . Hình chiếu vuông góc của điểm A' lên mặt phẳng (ABC) trùng với trọng tâm tam giác ABC . Biết khoảng cách giữa hai đường thẳng AA' và BC bằng $\frac{a\sqrt{3}}{4}$. Tính theo a thể tích V của khối lăng trụ $ABC.A'B'C'$.

- A. $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{6}$. B. $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{3}$. C. $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{12}$. D. $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{24}$.

Câu 40. Cho hàm số $y = \frac{ax+b}{x-c}$ có đồ thị như hình vẽ bên.



Tìm khẳng định đúng trong các khẳng định sau

- A. $a > 0, b > 0, c < 0$. B. $a > 0, b < 0, c > 0$.
C. $a < 0, b > 0, c > 0$. D. $a > 0, b < 0, c < 0$.

Câu 41. Xét bất phương trình $\log_2^2 2x - 2(m+1)\log_2 x - 2 < 0$. Tìm tất cả các giá trị của tham số m để bất phương trình có nghiệm thuộc khoảng $(\sqrt{2}; +\infty)$.

- A. $m \in \left(-\frac{3}{4}; +\infty\right)$. B. $m \in \left(-\frac{3}{4}; 0\right)$. C. $m \in (-\infty; 0)$. D. $m \in (0; +\infty)$.

Câu 42. Cho $\log_6 45 = a + \frac{\log_2 5 + b}{\log_2 3 + c}$ với $a, b, c \in \mathbb{Z}$. Tính tổng $a+b+c$?

- A. 0. B. 2. C. -4. D. 1.

Câu 43. Cho phương trình $\frac{1}{2}\log_2(x+2)+x+3=\log_2\frac{2x+1}{x}+\left(1+\frac{1}{x}\right)^2+2\sqrt{x+2}$, gọi $S=\frac{a+\sqrt{b}}{2}$ là tổng tất cả các nghiệm của nó. Khi đó, giá trị của $a \times b$ là

- A. 12. B. 9. C. -2. D. 13.

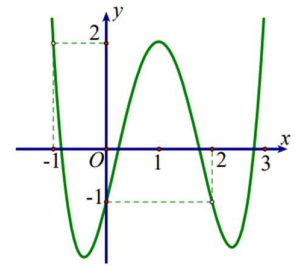
Câu 44. Cho hàm số $f(x)$ xác định trên $\mathbb{R} \setminus \{-1; 2\}$ thỏa mãn $f'(x) = \frac{1}{x^2 - x - 2}$, $f(-3) - f(3) = 0$ và $f(0) = \frac{1}{3}$. Giá trị của biểu thức $f(-4) + f(1) - f(4)$ bằng:

- A. $1 + \frac{1}{3}\ln\frac{8}{5}$. B. $\frac{1}{3} + \frac{1}{3}\ln 2$. C. $1 + \ln 80$. D. $\frac{1}{3} - \ln 2$.

Câu 45. Cho hình nón đỉnh S có chiều cao bằng bán kính đáy và bằng $2a$. Mặt phẳng (P) đi qua S cắt đường tròn đáy tại A và B sao cho $AB = 2\sqrt{3}a$. Tính khoảng cách từ tâm của đường tròn đáy đến (P) .

- A. $\frac{a\sqrt{2}}{2}$. B. $\frac{2a}{\sqrt{5}}$. C. a . D. $\frac{a}{\sqrt{5}}$.

Câu 46. Cho hàm số $y = f(x)$ có đạo hàm liên tục trên \mathbb{R} và có đồ thị hàm số $y = f'(x^2 - 2x)$ như hình vẽ.



Hỏi hàm số $y = f(x^2 - 1) + \frac{2}{3}x^3 + 1$ đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A. $(-1; 2)$ B. $(-3; -2)$
C. $(-1; 0)$ D. $(-2; -1)$

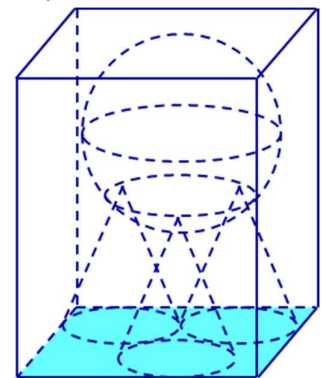
Câu 47. Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy là hình vuông $ABCD$ tâm O cạnh $AB = a$, có SO vuông góc với mặt đáy và $SO = a$. Khoảng cách giữa SC và AB là

- A. $\frac{a\sqrt{5}}{5}$. B. $\frac{2a\sqrt{5}}{7}$. C. $\frac{2a\sqrt{5}}{5}$. D. $\frac{a\sqrt{5}}{7}$.

Câu 48. Cho hàm số $f(x)$ đồng biến có đạo hàm đến cấp hai trên đoạn $[0; 2]$ và thỏa mãn $[f(x)]^2 - f(x) \cdot f''(x) + [f'(x)]^2 = 0$. Biết $f(0) = 1, f(2) = e^6$. Khi đó $f(1)$ bằng

- A. e^3 . B. $e^{\frac{3}{2}}$. C. $e^{\frac{5}{2}}$. D. e^2 .

Câu 49. Có một bể hình hộp chữ nhật chứa đầy nước. Người ta cho ba khối nón giống nhau có thiết diện qua trục là một tam giác vuông cân vào bể sao cho ba đường tròn đáy của ba khối nón tiếp xúc với nhau, một khối nón có đường tròn đáy chỉ tiếp xúc với một cạnh của đáy bể và hai khối nón còn lại có đường tròn đáy tiếp xúc với hai cạnh của đáy bể. Sau đó người ta đặt lên đỉnh của ba khối nón một khối cầu có bán kính bằng $\frac{4}{3}$ lần bán kính đáy của khối nón. Biết khối cầu



vừa đủ ngập trong nước và lượng nước trào ra là $\frac{337\pi}{3} (\text{cm}^3)$. Tính thể tích nước ban đầu ở trong bể.

- A. $\approx 1106,2 (\text{cm}^3)$. B. $\approx 885,2 (\text{cm}^3)$.
C. $\approx 1174,2 (\text{cm}^3)$. D. $\approx 1209,2 (\text{cm}^3)$.

Câu 50. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho hai điểm $A(3;5;-1)$, $B(1;1;3)$. Tìm tọa độ điểm M thuộc (Oxy) sao cho $|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB}|$ nhỏ nhất ?

A. $(-2;-3;0)$.

B. $(-2;3;0)$.

C. $(2;3;0)$.

D. $(2;-3;0)$.

----- **HẾT** -----